イオンと固体相互作用における2次元スペクトルの解析

# 

重イオンと固体との相互作用において阻止能や荷電分布は重要な基礎物理量である。エネルギー 損失や荷電状態の関連を調べるため、京都大学タンデム加速器におけるO(酸素)イオンビームをC (炭素)薄膜に入射した。散乱されたOイオンと反跳されたCイオンを各各2台の半導体位置敏感検 出器(PSD)で検出した。エネルギー信号と位置信号について2パラメータ同時測定を行った。2次 元スペクトルを解析することにより、投影スペクトルを得て、分布の最確値や半値幅を求めた。

キーワード:重イオン、弾性散乱、2次元スペクトル、投影図

1. はじめに

原子衝突や原子核衝突における諸現象、諸性質の基 礎研究等における高速重イオンビーム利用は、宇宙科 学、物性研究、核融合研究ばかりか、放射線治療・診 断等の医学利用も含め、ますます関心を集めている。 高速重イオンは固体との基本的相互作用によって、減 速、散乱され、荷電変換等を生じる。これらの結果と して定まる重イオンのエネルギー損失、散乱角、平均 電荷等は、種種の分野において必要とされる不可欠な 基礎データとなり、電離や励起とも密接に関連した基 本物理量である。エネルギーがMeVの領域では、イ オンの速度は原子に属する電子の速度と同程度であり、 相互作用の確率の大きな領域であるため、単純にボル ン近似で阻止能等を説明できない。特に固体との相互 作用では、阻止能や固体内外での荷電分布等を正確に 見積る有効な手段は目下なく、荷電変換に伴うエネル ギー授受等の関連は、未だ十分に解明されていない。

最近、我々は特定研究「イオンビーム・固体相互作 用」の分担研究として「多価重イオンの有効電荷と阻 止能」のテーマで、高速イオンの固体通過後の電荷と

\* 山梨医科大学物理学

- \*\* 京都大学放射性同位元素総合センター
- \*\*\*京都大学工学部原子核工学
  - (受付:昭和63年9月29日)

散乱角の相関<sup>1)-2)</sup>ほか関連する領域<sup>3)</sup>について調べて きた。しかし、荷電分布や散乱角の薄膜厚依存性等に 知見を得、イオンのエネルギーや阻止能に依存する半 邁体検出器応答の解明を経ても、なお重イオン阻止能 と有効電荷の関連についての研究が不可欠である。そ のため、固体内での相互作用を特定し、物理的意味の 明確な計測を目的として、薄膜中で弾性散乱(ラザフォー ド散乱)した高速重イオンと反跳イオン(または原子) のエネルギー関係、および各各の荷電分布についても 種種の相関を調べた。実験は京都大学理学部のタンデ ム加速器によるO(酸素)イオンをC(炭素)薄膜に入射 し、薄膜中でエネルギー損失し、かつ弾性散乱された Oイオンと、そのとき反跳されたCイオンを同時に検 出した。散乱Oイオンと反跳Cイオンを、2台のPSD (半導体位置敏感検出器)で検出し、エネルギーと電荷 情報の組み合わせで2パラメータによる同時計測を行っ た。得られた2パラメータの相関分布は2次元スペク トルであり、分布の最確値や誤差等の解析のためには、 通常の1次元スペクトルよりも複雑な処理が必要とな る。解析によって、単一測定では見かけ上分離してい ない荷電状態を見いだす可能性も探る。本報告では、 主として種種の2次元スペクトルを解析処理する試み について述べる。また、若干の実験結果について、矛 盾のない説明が可能かどうかの物理的内容にもわずか に言及する。

# 2.実験

## 2-1 装置と方法

図1は京都大学理学部タンデム加速器での実験配置 の概略である。加速され、4 重極電磁石および偏向電 磁石やスリットによって調整されたOイオンは、散乱 槽内のC薄膜(厚さΔx = 37.8 $\mu$ g/cd)に入射する。本 実験では、装置の幾何学的条件やエネルギー関係を考 慮してC薄膜中でOイオンが散乱角 $\theta$  = 30° に弾性散 乱される場合に着目した。このとき、標的であったC 原子は角度 $\phi$  = 54.1° に反跳される。弾性散乱がC薄 膜中の深さd(0~37.8 $\mu$ g/cd)で起こり、O、C各イオ ンは薄膜中で荷電変換を行いつつエネルギーを損失し、 薄膜を出射したときの各エネルギーがEo、Ecであっ たとする。Oイオンの入射エネルギーをEとするとEo、 Ecは次式で表される。

 $E_{0} \equiv E_{0}(\theta, d) = (E - S_{0}(E) \cdot d]R_{0}(\theta) - \frac{S_{0}([E - S_{0}(E) \cdot d]R_{0})}{COS \theta} (\Delta x - d) (1a)$ 

 $Ec \equiv Ec(\phi, d) = (E - So(E) \cdot d)Rc(\phi) - \frac{Sc((E - So(E) \cdot d)Rc)}{COS\phi} (\Delta x - d) (1b)$  $C \subset \mathcal{T}, So(E), So([E - So(E)d]Ro) \Rightarrow U \mathcal{T}Sc([E - So(E)d]Ro)$ 

So(E)d]Rc)は各各入射Oイオン、散乱Oイオンおよ び反跳Cイオンに対する固体のCの阻止能であり、Ro  $(\theta)$ 、Rc $(\phi)$ はO、C各イオンが弾性散乱直後にもつ エネルギーの、Eに対する比である。加速器側から見 て左側の角度54.1°の線上に、コリメータつきの永久 磁石(紙面下向きにおよそ6400ガウスの磁界)と1次元 の半導体位置敏感検出器(PSD:位置分解能は0.1mm で水平方向に10mmの位置敏感領域)を設置し、入射O イオンによって角度 ø が52.2°~56.0°内に反跳され たCイオンを検出した。磁界内を直交して通過するこ とによりCの正イオン(荷電状態をg.とする)はゅが大 きくなる方向に曲げられ、PSD上で位置信号の波高が 大きくなる。θが28.6°~31.4°内に散乱されたOイ オン検出のため、右側の角度30°の線上に、コリメー タ、永久磁石(紙面上向きにおよそ6400ガウスの磁界) とPSD(位置分解能は0.4mmで水平方向に47mmの位 置敏感領域)が置かれている。磁界により、Oの正イ オン(荷電状態を q₀とする)は θ が大きくなる方向に 曲がり、PSDの位置信号の波高は小さくなる。ビーム 強度はC薄膜通過後の0°方向Oイオンビームを、ファラ



## 図1 弾性散乱実験装置概略平面図。

デーカップでとらえ、電流値(数nA~数10nA)によっ てモニターした。また、2台のPSD各各に極く微量の <sup>210</sup>Po 線源を付けて、エネルギー較正や測定中(1つの データ収集は数時間、総測定日数はおよそ5日間)の システム安定性を5.305MeVアルファ粒子によってチェッ クした。同じエネルギーに対するPSDのエネルギー信 号は、PSDへの入射位置によらず一定であることもPo 線源により確かめた。散乱槽の真空度は、測定中  $1 \times 10^{-5}$  torrであった。

図2は反跳Cイオンのエネルギー(Ec)とPSD上の位 置(Yc)、および散乱Oイオンのエネルギー(Eo)とPSD 上の位置(Yo)に対応するの波高や各各の相関を計測 し、記録するためのエレクトロニクス回路のブロック ダイアグラムである。2台のPSD Analyzer(PSDA) は米国オルテク社製の464型で、Analog to Digital Converter(ADC)によってデジタル化されたエネルギー 信号および位置信号の中から、着目する2つをセイコー EG and G社の2パラメータ同時計数システム「DS1010」 に接続した。「DS1010」はパーソナルコンピュータ PC9801VMに接続され、2パラメータ同時計数値の データ収集や256×256chマトリックス上の3次元画像 処理およびデータファイル格納を行った。入射Oイオ ンビームエネルギーとしては18MeV(ターミナル電圧 を3MVとしてO<sup>5+</sup>を加速)と12MeV(ターミナル電圧 を2.4MVとしてO<sup>5+</sup>を加速)の2通りで実験を行った。 2パラメータの相関としては、(Eo,Ec)、(Eo,Yo)、 (Ec,Yc)、および(Yo,Yc)の4種類を計測した。位置 信号Yo、Ycにおいて磁界により各各異なる荷電状態  $q_o$ 、 $q_o$ が分離できるならば、(Eo, $q_o$ )、(Ec, $q_c$ )およ び( $q_o$ , $q_c$ )の相関を観測していることになる。

#### 2-2 データ解析の原理

得られた2パラメータによる2次元スペクトルから、 個個のパラメータの最確値、平均値、分布の型、分布 の幅、およびバラメータ間の関係等を調べることによ り、イオンと固体の相互作用の様子を推しはかる。パ ラメータ間に相関の無いときや、個個のパラメータ毎 の単一測定データの場合と比較して、解析は複雑にな る。図3に予想される2パラメータの相関の例を示す。 18MeVOイオンが37.8μg/cm<sup>2</sup>C薄膜内で弾性衝突し入 射方向に対して30°±1.4°方向に散乱され、同時にC イオンが54.1°∓1.9°(複号同順)方向に反跳されるも



図2 2パラメータ相関測定のためのエレクトロニクス回路のブロックダイアグラム。



図3 18MeV Oイオン入射実験で予想される2パラ メータ相関の例(a)Eo vs Yo(b) Eo vs Ec。

のとする。ここで、入射ビームエネルギーのふらつき、 PSD固有の分解能による変動を考慮しなければ、Eo、 Ec、Yo、Ycの変化は、散乱角や反跳角の変化、およ びOとCの弾性衝突が薄膜のどの深さ(d)で起こるかに よって変化するエネルギー損失に伴って生じる。磁界 による曲がりと散乱角の変化を考慮してPSDによる位 置は近似的に次式で表せる。

$$\begin{split} \operatorname{Yo}(\mathbf{q}_{\circ}, \operatorname{Eo})[\mathsf{mm}] \cong & k_{1} - \frac{7.55 q_{\circ}}{\sqrt{\operatorname{Eo}(\operatorname{MeV})}} - 190 \tan(\Delta \theta) (2 \ a) \\ & -1.4^{\circ} \leq \Delta \theta \leq 1.4^{\circ} \qquad (2 \ a') \\ \operatorname{Yo}(\mathbf{q}_{\circ}, \operatorname{Ec})[\mathsf{mm}] \cong & k_{2} + \frac{4.82 q_{\circ}}{\sqrt{\operatorname{Ec}(\operatorname{MeV})}} + 114 \tan(\Delta \phi) (2 \ b) \\ & -1.9^{\circ} \leq \Delta \phi \leq 1.9^{\circ} \qquad (2 \ b') \end{split}$$

ここで、 $k_1$ 、 $k_2$ はPSDの配置で決まる定数である。今回の実験においては、磁界による位置変化はエネルギーにほとんど依存せず、28.6°~31.4°の $\theta$ の変化および52.2°~56.0°の $\phi$ の変化に伴う位置変化((2a)および(2b)式の第3項)が主である。

図 3 (a)はYoがEoに依存する様子を示す。図に見る ように、Yoは各荷電状態 q。について、Eoと直線関係 をもちつつ、Eo軸とほぼ平行にd= $0 \sim \Delta x = 37.8$ [ $\mu g/\alpha d$ ]に対応する拡がりをもって分布している。 このような場合、Eo軸またはYo軸に投影した分布を 解析しても物理的にあまり意味があるとは云えない。 d=一定の直線(厳密には曲線であるが)に沿った軸も しくはそれと直交する軸からデータをながめて、初め て分布の型や幅に意味が生じる。図3(b)は(1a)式と (1b)式から予想されるEoとEcの相関を示している。 そして、0≦d≦ $\Delta x$ 、52.2° ≦ $\phi$ ≦56.0°、28.6° ≦ $\theta$ ≦31.4° という変化に伴い次式

 $E - \{\frac{Sc(ERc)}{COS\phi}\Delta x + \frac{So(ERo)}{COS\phi}\Delta x\} \leq Eo + Ec \leq E - So(E)\Delta x$  (3) でほぼ表されるような領域に分布する。すなわち、図 3(b)にみるようにEoとEcにはd=一定で  $\theta \geq \phi$ の変 化に伴う負の相関と、 $\theta$ 、 $\phi = -$ 定でdの変化に伴い のから $\Delta x$ の間で分布が最大となる正の相関がある。 実際には入射エネルギーの変動やPSD自身の分解能に よる拡がり、およびエネルギー損失のストラグリング が含まれ、後の2つに関してはEoとEcで無関係であ り、データ全体の相関を弱める。このような2次元分 布の基本となるのは次式で表されるような3次元XYZ 座標(Xi,Yj,Zij)上の2変数正規分布である。 Zij=f(Xi,Yi)=fu

$=\frac{1}{2\pi \sigma_{\rm X}\sigma_{\rm Y}\sqrt{1-\rho^2}}\exp(-\frac{1}{2(1-\rho^2)}\left\{(\frac{{\rm Xi}-{\rm X}}{\sigma_{\rm X}})^2+\right\}$	$(\frac{Yj-Y}{\sigma_{y}})^{2}$
$-\frac{2\rho}{\sigma_{\rm X}-\sigma_{\rm Y}}\left({\rm X}_{\rm i}-\overline{\rm X}\right)\left({\rm Y}_{\rm j}-\overline{\rm Y}\right)$	})(4 a)
$\sigma_{\rm X}{}^2 = \Sigma \{ (X_{\rm i} - \overline{X})^2 \Sigma f_{\rm ij} \}$	(4 b)
$\overline{\mathbf{X}} = \boldsymbol{\Sigma} \hspace{0.2cm} \{ \hspace{0.2cm} \mathbf{X}_{\hspace{0.1cm} i} \hspace{0.1cm} \boldsymbol{\Sigma} \hspace{0.1cm} \mathbf{f}_{\hspace{0.1cm} ij} \} \hspace{0.2cm} \diagup \boldsymbol{\Sigma} \hspace{0.1cm} \boldsymbol{\Sigma} \hspace{0.1cm} \mathbf{f}_{\hspace{0.1cm} ij}$	(4b')
$\sigma_{\rm Y}^2 = \Sigma \{ (Y_j - \overline{Y})^2 \Sigma f_{ij} \}$	(4 c)
$\overline{\mathbf{Y}} = \boldsymbol{\Sigma}  \{ \mathbf{Y}_{i} \boldsymbol{\Sigma} \mathbf{f}_{ij} \} \not \boldsymbol{\Sigma} \boldsymbol{\Sigma} \mathbf{\Sigma} \mathbf{f}_{ij} $	(4c')
(相関係数) (共分散)	
$\mathbf{c} = \frac{\mathrm{COV}(\mathbf{X}_{i}, \mathbf{Y}_{j})}{\mathrm{COV}(\mathbf{X}_{i}, \mathbf{Y}_{j})} - \Sigma \Sigma (\mathbf{X}_{i} - \overline{\mathbf{X}}) (\mathbf{Y}_{j} - \overline{\mathbf{Y}}) \mathbf{f}_{ij}$	
$\boldsymbol{\rho} = \frac{\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{X}} \boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{Y}}}{\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{X}} \boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{Y}}} = \frac{\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{X}} \boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{Y}}}{\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{X}} \boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{Y}}}$	(4 d)

ここで、f(Xi, Yj)は横軸の変数Xi(i=1~k)、縦軸の 変数Yj(j=1~m)で決まる座標上の度数であり全体で 3次元空間の曲面となる。変数間に相関が無いとき、 すなわち $\rho=0$ のときにはf(Xi, Yj)はXiに関係する項 とYjに関係する項との積に分離出来て、任意のXi(ま たはYj)=Aについてf(A, Yj)(またはf(Xi, A))= [定 数] × [f(Xi, Yj)]となる。また、相関係数 $\rho = \pm 1$ のときはXiとYjはXY平面に直交する平面である。しかし XiとYjが $\rho \neq 0$ でかつ全く同様の関係を満たしつつXi、 Yjだけが変化するときは事情が複雑となる。f(Xi, Yj)=一定の等高線はXY平面に平行な面上で共分散楕円 となり、例えば $f_{ij}$ が最大値の半分すなわち、

 $\frac{1}{2} \left( \frac{1}{2 \pi \sigma_x \sigma_y \sqrt{1 - \rho^2}} \right)$ の等高線では、

$$\frac{1}{2(1-\rho^2)\log_{\bullet}2}\left\{\left(\frac{\mathbf{X}_i-\overline{\mathbf{X}}}{\sigma_{\mathbf{X}}}\right)^2+\left(\frac{\mathbf{Y}_i-\overline{\mathbf{Y}}}{\sigma_{\mathbf{Y}}}\right)^2-\frac{2\rho}{\sigma_{\mathbf{X}}\sigma_{\mathbf{Y}}}(\mathbf{X}_i-\overline{\mathbf{X}})(\mathbf{Y}_i-\overline{\mathbf{Y}})\right\}=1$$
(5)

となる。 ρ ≠0のとき単にXZ平面やYZ平面への投影 図からは分布の真の拡がりやXiとYjの関係を知るこ とはできない。真の拡がり等を評価するためには、共分 散楕円の軸方向から分布をながめなければならない。 この楕円の長軸がX軸となす角度をαとすると

$$\tan 2\alpha = \frac{2\rho\sigma_{x}\sigma_{y}}{\sigma_{x}^{2} - \sigma_{y}^{2}}$$
(6)

となる。実際のデータにおいて(Eo,Ec)や(Eo,Yo)等の相関は、 $\theta$ 、 $\phi = - c c b l c d c d x$ 

布をしている。従って2変数正規分布を仮定して得ら れる楕円の軸やρは2種類の相関の何らかの平均であ る。実測データからこれら2種類の相関を推定するこ とは困難であるが、いずれにせよ2次元スペクトルを 基に統計分析を行い投影図形(ななめ投影スペクトル と呼ぶ)を得ることがこの種の実験においては重要と なるだろう。我々は初めて、パーソナルコンピュータ によって、相関のある2パラメータによる2次元スペ クトルを任意の方法から投影することを試みた。表1 はEo(横軸)とEc(縦軸)による度数分布の1例である。 図4は表1の分布から、種種の方法で求めた、Eo、 Ecの直線関係である。通常、2次元のデータの組 (X,Y)=(Xi,Yi)(i=1~n)においては、Yのみに誤差 があると考えYのXに対する次式の回帰

	Y 95	0	0	0	0	o	0	0	0	0	0	0	0	0	o	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	94	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	o	0	0	0	0	O	0	0	0	0	0	0
	93	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	·0	0	0	0
	92	0	1	0	0	3	2	0	1	2	0	0	ó	٥	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	91	0	2	3	2	0	4	4	5	2	1	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	90	0	1	1	1	1	1	2	5	1	1	0	0	0	Ó	1	0	0	0	Ö	0	0	0	0
$\frown$	89	1	2	3	1	3	4	3	2	2	3	3	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	88	0	3	2	4	2	2	7	1	9	4	6	4	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ш	87	1	1	1	3	3	9	4	5	3	10	9	6	10	3	2	0	0	0	0	0	0	0	0
Ζ	86	0	2	0	2	4	4	3	7	10	9	12	5	8	4	2	1	0	0	0	0	0	0	0
Ζ	85	0	1	0	1	3	4	4	3	10	5	12	8	1	10	6	4	3	0	0	0	0	0	0
4	84	0	0	0	0	1	2	5	0	5	9	9	13	5	9	7	1	4	0	0	0	0	0	0
Ť	83	0	0	0	0	0	0	1	1	2	6	10	8	5	6	5	7	6	2	2	2	1	0	0
5	82	0	0	0	1	0	1	1	0	4	1	2	4	6	5	6	5	9	10	2	3	4	1	0
2	81	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	2	2	6	7	9	4	6	6	4	3	1	1	0
	80	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	1	2	5	3	7	4	2	5	3	3	0	2
Ö	79	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	7	2	2	1	3	1	3	6	3	0
ш	78	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	2	2	2	5	1	7	4	1	1	4	3
	77	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	.2	0	4	1	2	1	1
	/0 75		0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	2	2	1	1	1 0
	74		0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	-	0	1	<u>م</u>	•	•	1
	73		n	n	0	ĥ	0	n	n	0	0	0	0	ů N	n	0	0	ñ	n	n	0	n	0	• •
		Ľ	~				Ŭ	Ũ		•							<u> </u>	Ŭ	Ũ	Ŭ	v	Ŭ.	Ū	<u> </u>
	•																							
	x	150	151 :	152	153	154 1	155 1	156	157	158	159	160	161	162	163	164	165	166	167 .	168	169	170	171	172
							F	:0		(	<b>`</b>  -	1 4		JN	JF		)							

表1 18MeV Oイオン入射による(Eo,Ec)相関表。



図4 18MeV Oイオン入射による(Eo,Ec)相関の散 布図。6種類の直線は種種の回帰直線である。 REGX(またはREGY)はX(またはY)のY(または X)に対する回帰を表す。また、( $\overline{X}$ j,Yj)は回帰 直線を求めるため、縦軸Y)に対するXの平均 $\overline{X}$ j = [ $\Sigma Xi f_{ij}$ ]/( $\Sigma f_{ij}$ )を求め設定した範囲j=1~m のデータ( $\Delta$ 印)の組を用いることを意味する。 同様に( $Xi,\overline{Y}i$ )はXiに対するYの平均 $\overline{Y}i$ =[ $\Sigma Yj f_{ij}$ ] /( $\Sigma f_{ij}$ )を求めi=1~k のデータ(〇印)を用いる ことを示す。( $Xi,Yj,f_{ij}$ )は(Xi,Yj)のデータが $f_{ij}$ 個あることを荷重として計算することを意味する (本文の(8a) - (8c)式参照)。DISTは垂線の2乗 和が最小になる直線である。

$$Y = \frac{1}{n} \Sigma Y_{i} + \frac{n \Sigma X_{i} Y_{i} - (\Sigma X_{i}) (\Sigma Y_{i})}{n \Sigma X_{i}^{2} - (\Sigma X_{i})^{2}} \quad (7)$$

を求める。しかし、データの組が3次元(X,Y,f)= (Xi,Yj,f<sub>ij</sub>)(i=1~k、j=1~m)となりX、Yの両方に誤 差がある場合のX、Yの直線関係は事情が異なる。2つ の変量XとYは各各誤差を含みながら相互に関係を持 つとき、Xに対するYの回帰直線やYに対するXの回帰 直線、または、各点(Xi,Yj)からの垂線の2乗和を最 小にする直線等としてY=aX+bの係数a、bを求める ことができる。すなわち

(Xに対するYの回帰条件)

 $\sum_{i} \sum_{j} \left[ \{Y_{j} - (aX_{i} + b)\}^{2} f_{ij} \right] = \mathbf{b} \mathbf{b}$ (8 a)

(Yに対するXの回帰条件)

$$\sum_{i} \sum_{j} \left[ \{X_i - \frac{1}{a} (Y_j - b)\}^2 f_{ij} \right] = \overline{b} / \sqrt{(8 b)}$$

(垂線の2乗和最小の条件)

 $\sum_{i} \sum_{j} \left[ \left( \frac{aX_i - Y_j + b}{\sqrt{a^2 + 1}} \right)^2 f_{ij} \right] = \overline{\mathbb{R}} / \mathcal{N}$  (8 c)

例えば(8a)式からは(7)式に類似した次式を得る。

$$\begin{split} \mathbf{Y} &= \frac{\Sigma_{-} \left(\mathbf{Y}_{i} \sum_{i} \mathbf{f}_{ij}\right)}{\Sigma_{-} \Sigma_{-} \mathbf{f}_{ij}} + \left[\mathbf{X} - \frac{\sum_{i} \left(\mathbf{X}_{i} \sum_{j} \mathbf{f}_{ij}\right)}{\Sigma_{-} \Sigma_{-} \mathbf{f}_{ij}}\right] \\ &\times \frac{\left(\Sigma_{-} \Sigma_{-} \mathbf{f}_{ij}\right) \left(\Sigma_{-} \Sigma_{-} \mathbf{X}_{i} \mathbf{Y}_{j} \mathbf{f}_{ij}\right) - \left[\sum_{i} \left(\mathbf{X}_{i} \sum_{j} \mathbf{f}_{ij}\right)\right] - \left[\sum_{i} \mathbf{Y}_{i} \sum_{j} \mathbf{f}_{ij}\right]}{\left(\Sigma_{-} \Sigma_{-} \mathbf{f}_{ij}\right) \Sigma_{-} \left(\mathbf{X}_{i} \sum_{j} \mathbf{f}_{ij}\right) - \left[\sum_{i} \left(\mathbf{X}_{i} \sum_{j} \mathbf{f}_{ij}\right)\right]^{2}} \tag{9}$$

ここで、(8c)式によって決まる直線は通常意味があい まいであると考えられているが、この直線は(5)、(6) 式で表した2変数正規分布の共分散楕円の主軸と一致 する。XとYが単純な相関をもち、正規分布している ときには、きわめて有効な方法と云えよう。実際に実 測データにおいてもEoとEcがたがいに誤差をもちつ つ、 $\theta$ 、 $\phi$  = 一定の場合に深さdの変化に伴う正の相 関とd=-定の場合に $\theta$ 、 $\phi$ の変化に伴う負の相関が 混合して2変数正規分布に近い分布をなしているので ある。図4にみるように、Xに対するYの回帰におい ては傾きの絶対置|a|はYに対するXの回帰における|a| よりも小さく、垂線の最小2乗によるlaは両方の中間 にある。参考のために、各Yj(またはXi)におけるX (またはY)の平均値X j(またはY i)をとり(X j, Yi)(ま たは(Xi,∀i)のデータの組で求めた通常の回帰直線を 図示してある。(X j,Yj)データによる回帰は(8a)式に よるものと差がなく、(Xi, Yi)データによる回帰は (8b)式によるものとあまり差異がない。実際には、 (3) 式から予想される関係はY=-X+CONSTANTで あり、Yに対するXの回帰が最も近い。また、薄膜中 で散乱の起こる深さdの変化に伴う相関から予想され るのはY≅1.7X+CONSTANTであるが、より広範囲 にY = -X + CONSTANTのデータが分布しているため、 どの最小2乗を用いても求まらない。いずれにせよ、 何らかの方法でXとYの直線関係を定めた上で、その 直線に平行に3次元度数分布をながめたときの投影図 に関して、予想する相関を考慮して分布幅等を決めね ばならない。

図5は、例として図4の(Eo,Ec)の散布図を垂線の 最小2乗条件で求めた直線(Y=aX+bとする)に平行 な辺をもつ長方形で囲ったものである。辺DCからAB への投影図作成のために、まず点DのX座標(Eo<sup>min</sup>, Ec<sup>min</sup>)から辺DAに沿って、X座標を1チャンネルずつ 移動し、それぞれ辺DA上のY座標の読みの整数部で 決まる(Eo,Ec)座標上の度数を加え、点AまでX座標 が移動したところで、Ec<sup>min</sup>の度数F(Ec<sup>min</sup>)とする。つ ぎに、Y座標を(Ec<sup>min</sup>+1)に移し、そこから辺DAに平行



図5 (Eo,Ec)相関の散布図上のななめ投影スペクト ル。スペクトル上の曲線は非線形のフィットで得 た非対称ガウス分布である。

な直線 (傾きa) に沿って同様に度数を順次加え、F (Ecmin+1)とする。このように、EcminからEcmax(点CのY 座標)までの度数分布を求めたものが図の辺AB上の度 数分布である。また、直交成分としてのADからの投 影も同様の原理により、まず、点A(X座標をEominと する)から辺ABに沿った度数を加え合わせ、Y座標が 点Bまで移動したところで、Eo<sup>min</sup>の度数G(Eo<sup>min</sup>)とす る。Eo<sup>min</sup>からEo<sup>m\*\*</sup>(点DのX座標)までの度数分布を得 る。直線の傾きの絶対値が1より小さな(または大き な)方向からながめたときにはY(またはX)座標に変換 した度数分布として表す。もちろん、これらの度数分 布は計算範囲設定のために囲む長方形の幅を狭くした り平行移動することによって、任意の断面での投影図 を得ることも可能である。この方法は、分布中に複数 のピークが存在するときに有用となるだろう。

さらに、これらの投影された度数分布について、バッ クグラウンドを含んだ複数ピークの非対称ガウス分布 を、パーソナルコンピュータを用いて非線形の最小2 乗法(ななめフィットプログラムと呼ぶ)によりフィッ トした。フィットによって求まった分布のピーク値、 半値幅等は2パラメータを各各単一に測定したデータ からは求まらないものである。各種最小2乗による直 線の決定も含めた「ななめフィットプログラム」は同 一信号によって得た2パラメータ測定データを解析し た結果に矛盾がないことで確かめた。

18 MeV 05+	Y = 1.517	X - 157.8	$W_L/W_R = 0.690$			
	Y = -0.65	94X + 192.4	₩ <sub>L</sub> /₩ <sub>R</sub> = 1.588			
R		[NeV]	[NeV]	[NeV]	[HeV]	
$Ro(\theta = 30^{\circ}) = 0$	. 6633	Eo = 9.65	1.98	$\delta E o^{\Theta} = 0.45$	$\delta E o^d = 0.17$	
$Rc(\phi = 54.1^{\circ}) =$	0.3367	Ec = 5.17	0.61	$\delta Ec^{\phi} = 0.48$	$\delta Ec^{d} = 0.28$	
				1977 (1977)		
12 MeV 04+	Y = 1.546	5X + 36.32	$W_L/W_R = 0.540$			<u>10</u>
12 MeV 04+	Y = 1.546 Y = -0.64	5X + 36.32 470X + 292.3	W <sub>L</sub> /W <sub>R</sub> = 0.540 W <sub>L</sub> /W <sub>R</sub> = 1.149			
12 MeV O4+ R	Y = 1.546 Y = -0.64	5X + 36.32 470X + 292.3 [NeV]	WL/WR = 0.540 WL/WR = 1.149 ECALC - E [HeV]	[XeV]	(MeV)	<u></u>
12 ΜεV Ο4+ R R R0(θ=30*) = 0	Y = 1.546 Y = -0.64	5X + 36.32 170X + 292.3 [NeV] E0 = 5.77	WL/WR = 0.540 WL/WR = 1.149 ECALC - E [MeV] 1.86	[MeV] δ Eo <sup>θ</sup> = 0.30	(MeV) & Eo <sup>d</sup> = 0.19	<u></u>

表2 (Eo,Ec)相関の「ななめフィットプログラム」による解析結果。直線の式は垂線の2乗和最小条件より得たものであり、 $W_L$ 、 $W_R$ は投影スペクトルの非対称ガウス分布フィットにより求めた左側半値幅、右側半値幅である。 $\delta$  Eo<sup>t</sup>、 $\delta$  Ec<sup>t</sup>は、 $\theta$ 、 $\phi$ の変化に伴うEo、Ecの変動における半値幅で、 $\delta$  Eo<sup>t</sup>、 $\delta$  Ec<sup>t</sup>は散乱深さdの変化に伴うEo、Ecの変動における半値幅である。

# 3. 結果と議論

3-1 Eo vs Ec

EoとEcの関係についてはすでに図5に示した通り である。また、図には示さないが12MeV O を入射し たときのEoとEcの関係も図5とほぼ同様である。<sup>210</sup>Po アルファ線源(5.305MeV)によるエネルギー較正を用 いて「ななめフィットプログラム」から求めた結果を 表2に示す。(1a)と(1b)式においてd= $\Delta x / 2 = 18.9$  $\mu g/cm$ 、  $\theta = 30^{\circ}, \phi = 54.1^{\circ}$ とし、阻止能としてZieglerの 図表<sup>\*</sup>から読み取った値を用いて、OとC各イオンのエネ ルギーを計算し、実験値との差異を比べた。表から明ら かなように、18MeV入射と12MeV入射のいずれの場合も Oイオンに関しては実験値が計算値より2MeV近く低く、 Cに関しては0.6MeV程度低い。これらの差異は、阻止能 値や膜厚の評価に伴う誤差では説明がつかず、また、入 射エネルギーの違いだと18MeV、12MeVいずれの場合も Oにおける差がCよりもはるかに大きい事の説明がつかな い。1つの可能性として考えられる理由としては、通常 のシリコン表面障壁型検出器(Si-SBD)に比べて使用し たPSDの方が不感領域が大きいためにパルス波高欠損が 大きく、特にO側( $\theta = 30^{\circ}$ )PSDのパルス波高欠損がC側 PSDより大きいのかも知れない。エネルギーの分布に関 しては半値幅と非対称の度合を示す右側半値幅に対する 左側半値幅の比が表に示されている。非対称度に関して 、傾きが正の方向での投影スペクトルは図5の右下方面 すなわち θ 小、 φ 大で弾性散乱の断面積が大きい方が拡 がっている。傾きが負の方向に関してはスペクトルの幅 がせますぎてフィットの結果の誤差が大きいため、非対称 度について明確なことは云えない。半値幅δEo、δEc。 はななめデータ加算の負の傾きの方向からみたななめ投 影スペクトルの半値幅を基にして、θ、φ=一定で深さd の変化に伴いEoとEcの予想する相関に沿った投影に変換 した成分である。また、半値幅  $\delta Eo'$ 、  $\delta Ec'$ は正の傾き からみたななめ投影スペクトルの半値幅を基にして、d= 一定で $\theta$ 、 $\phi$ の変化に伴うEo、Ecの相関に沿った投影に 変換した成分である。ななめ投影スペクトルの半値幅自 身は投影する方向にほとんど依存しないが、δEo<sup>4</sup>、δ  $Ec', \delta Eo', および \delta Ec' は Eo と Ecの相関をどう見積るか$ に大きく依存する。18MeV、12MeVとも、幅δEcの方 が $\delta Eo$ に比べて大きいが、 $\theta$ の変化に対するEoの変化 

あろう。dの変化に伴う変動が0.3~0.4MeVであり、こ れは(1a)と(1b)式から予想される幅とほぼ同程度のため 、本実験においてはエネルギー損失によるストラグリン グの寄与はそれ程大きくないと云える。

3-2 Eo vs Yo

図6はEoとYoの散布図である。最確値を与えるEoは



図6 (Eo,Yo)相関の散布図とななめ投影スペクト ル。AoとBoは30°散乱のOイオンの分布を投影 する方向であり、図の左側上下に各各のスペクト ルを示す。図の右側上下Bc、Acは同様に30°反跳 のCイオンに関するスペクトルである。

9.60MeVであり、(Eo,Ec)相関で得た値とほぼ一致する。 54.1° 側との同時計数をとっていないため反跳角が30°の Cイオン(エネルギーは12.01MeV)も検出している。反跳 角が30°のCイオンであることは、弾性散乱( $\theta$  = 46.1°、  $\phi$  = 30°のとき)の断面積を計算し、実測のCイオン計数 強度と比較することにより確認した。垂線の最小2乗条 件による直線の傾きのCイオンに対するOイオンの比 は3.10:4.47=0.694であるが、これは $\theta$ の変化に伴う エネルギー変化と(2a)式の第3項による位置変化の 割合から決まる比と一致する。また、Yoの最確値に ついてはOイオンが136.6ch、Cは124.7chであり、C イオンの方が磁界でより曲がっている。30°側PSDの 位置分解能(良くとも0.4mm)から考えて、O、Cイオ ンのいずれに関しても、異なる荷電状態を分離して観 測することはできなかった。Oイオンのエネルギーに ついては3-1で述べたのと同様に、計算値より2.03 MeV低いが、30°反跳のCイオンは0.97MeV低い程 度である。PSDの場合、OとCでパルス波高欠損がか なり違っているのであろうか。ななめフィットプログ ラムにより、dの変化に伴うエネルギーの半値幅は 0.6MeV程であり、Eo vs Ecで求めた値0.165MeVよ り3倍以上大きい。分離はできていないが異なる荷電 状態が含まれているためである。位置スペクトルに関 しては $\theta = 30^{\circ} \pm 1.4^{\circ}$ の変化によってPSD上に約9.7mm の幅ができるはずであるが、Eo vs Yoの負の傾きに 沿ってみたななめ投影スペクトルBo, Bcの半値幅はO、 C各イオンで、約9.6mm、9.8mmで予想と矛盾しな い。Cイオンが最確値で約2.73mmでOよりも磁界で 曲げられていることは、(2a)式の第2項を考慮する と、平均エネルギー12.01MeVのCの平均電荷が9.60MeV Oのそれよりもみかけ上1価大きいことになる。

しかし、各各のエネルギーで各イオンの平衡平均電荷 を考えると、Oイオンの電荷の方が大きいはずであり、 目下この結果についての物理的意味は明らかでない。 また、O、Cとも正の傾きに沿ったななめ投影スペク トルAo,Acでは分布の左側の幅の方が右側より大きい。 これは、散乱の深さdに依存するエネルギーとしては

△x/2よりも浅い位置で最確値をとることを意味して いる。12MeV入射の場合も、エネルギーはO、Cイオ ンについて、計算値よりも各各ほぼ2MeV,1MeV程低 い。エネルギーが低くなった分、平均電荷も10%程小さ くなるため、磁界による曲がりが小さくなり、位置スペ クトルにおける最確値は18MeVの場合よりもチャン ネル数が大きい。また、位置の半値幅はOが10.3mm、C が10.8mmと18MeVの場合よりも拡がっている。エネ ルギーが低くなることによって多重散乱が少し寄与し ているのであろうか。Cイオンに関して正の傾きから の投影で左側にわずかにピークらしきものが存在する のは異なる荷電状態の可能性もある。参考として、 12MeVの場合のOおよびCのエネルギーの最確値に対 応する位置スペクトルを、図6のBo、Bc中の挿入図と して各各に示す。O、Cイオンともにピーク2成分が あるように見える。

# 3 - 3 Ec vs Yc

図7(a)-(c)に12MeV入射、18MeV入射および18 MeV入射で最確値を含むEo側の信号でゲートをかけ たときにおける(Ec,Yc)相関の散布図を示す。散布図 上に示した閉曲線は等高(度数)線であり、(a)-(c)の いずれも前述の30°散乱Oイオン散布図と逆に負の相 関を示している。図7(a)でのエネルギーの最確値は 3.08MeVであるが、そこから低いエネルギーに向かっ て2成分あることが明らかである。等高線から考える と、度数の高いピーク部分は2成分のうち、傾きの絶



図7 (Ec,Yc)相関の散布図。(a)12MeV Oイオン入射 (b)18MeV Oイオン入射 (c)18MeV Oイオン入射でEo の信号でゲートをかけた場合。

対値の小さい方である。(2b)式から予想されるEcとYc の関係は傾きの絶対値の小さな成分に近い。18MeV 入射の結果である図7(b)も、傾きの絶対値が小さく なった点を除けば、ほぼ同様の傾向を示す。他方、図 7(c)において、傾きの絶対値の小さな成分はもはや 消失している。しかし、度数の高いところでの傾向は やはり傾きの絶対値の小さな成分に近い相関をもって いるように思える。54.1°のC側においては荷電状態 がある程度は分離できていることの現れであろうか。 図8(a) - (c)に、各各図7(a) - (c)に対応してYc軸に 投影した位置スペクトルを示す。入射エネルギーやゲー トの有無によって位置スペクトルが異なることは図よ り明らかであるが、荷電状態に如何に関係しているか は、今後の解析を待たねばならない。

## 3-4 Yo vs Yc

位置スペクトルYoとYcの相関計測は、本来はスペ



図8 Cイオンの位置スペクトル(Yc)。(a)12MeV O イオン入射 (b)18MeV Oイオン入射 (c)18MeV Oイオン入射でEoの信号でゲートをかけた場合。

クトル上で異なる荷電状態が分離しているとき、Oと Cの荷電状態(q。とq。)がどのような相関をもっている かを調べるためであった。例えば極端な場合d=Δx で反跳したCイオンは薄膜内部での荷電変換を経ない で検出されることになる等、散乱深さdの違いによっ ては非平衡荷電分布に対応した位置スペクトルの変化 が期待できる。図9に18MeV入射のとき最確値を含 む数10keVの範囲のEoと同様計数させてとった、(Yo, Yc)データの散布図を示す。Yo側はθやq。が小さい 程大きく、Yc側は ø や q。が大きい程大きい。 散布図 からはどのような相関があるのか見当がつかず、相関 係数も0.2以下である。垂線の最小2乗から得られる 直線の傾きは正である。図9にはYo、Yc各各の軸に投 影したスペクトルを示しているが、Ycは1本のピー クでは説明がつかない分布をしている。Eoと同時計 数をとらない(Yo、Yc)データにおいてはYo、Ycともに ピークの半値幅も大きくなり、Ycにおいても2番目 のピークらしきものははっきりと確定できない。いず れにしても、Ycに関しては18MeVおよび12MeV入射 ともに分布の左側が拡がっている。





4.おわりに

以上、述べてきたような2つの物理量が何らかの相 関をもって分布しているときは、相関曲線(直線)の決 定も含め、曲線(直線)に沿って分布をながめることが 必要である。2つの量が2種類の相関をもって分布し ているときには2変数分布のデータから、これらの相 関をひきだすことは困難であるので、実験方法として 相関を減らすべき(例えばマグネット前のコリメータ の径を小さくして角度の拡がりをなくす等)であろう。 また、膜厚(Δx)をより薄くするとエネルギー損失、 荷電変換が少なくなり、dの変化による相関の寄与が 減少する。このため弾性衝突直後のO、C各イオンの 荷電状態をより強く反映したデータを得られるであろ う。各種の回帰を求める統計的方法については、<br />
今後、 曲線に沿ったデータ投影等も検討する予定である。ま た、3-3で(Ec,Yc)散布図に現れたような重なって いる2成分を分離する方法はないのだろうか。「なな めフィットプログラム」により、ほとんどの投影スペ クトルは非対称ガウス分布でフィットしたが、投影に よってはガウス分布プラス指数曲線のテイルつきプロ グラムもパーソナルコンピュータ用として開発するこ ととなろう。

実験結果について、30°側のOイオンエネルギーが 同じ30°側および54.1°側のCイオンエネルギーと比 べて計算値より低すぎる。理由としてPSDにおいては O(Cより原子番号大)の波高欠損が大きいとしても、 そのとき波高欠損に伴う変動もともに大きくなるはず であるとの疑問が残る。O側の位置スペクトルにおい て異なる荷電状態が分離していないため、Cイオンの 位置スペクトルとの相関について、現段階では未解明 である。いずれによ、イオンビーム・固体相互作用と して特定の角度に弾性散乱した2種のイオンを、比較的 簡単な装置で同時計測させることができた。幾何学的 配置やイオン種、入射エネルギー等考慮しながら、2 パラメータ相関について今後も実験すべく準備してい る。

本研究の一部は文部省科研費特定研究「イオンビー ム・固体相互作用」の助成により行った。最後に、こ の間加速器利用に際して御協力をいただいた京都大学 理学部小林晨作教授ならびにスタッフの皆様に、また、 有益なご助言をいただいた本学物理学小玉正弘教授お よび本学物理学非常勤講師米田晃氏に感謝いたします。

# 文 献

- 北原哲夫、小沢国夫、川面澄、左高正雄、伊藤眞、荻 野晃也、島邦博、小宮恵美子(1986):多価重イオ ンの有効電荷と阻止能.文部省科研費・特定研究 「イオンビーム・固体相互作用」昭和60年度研究成 果報告書、25-29.
- Kitahara, T., Yamaguchi, H., Kawatura, K., Sataka, M., Ozawa, K., Komaki, K., Ootuka, A. and Fujimoto, F. (1988) : CORRELATION BETWEEN CHARGE STATES AND SCATTERING ANGLES OF 150-MeV <sup>37</sup>Cl IONS EXITING FROM CARBON FOILS.Nucl.Instrum.Methods, B33, 230 -234.
- 3)北原哲夫、伊藤眞、荻野晃也、石原豊幸、島邦博、山 内幹雄、小宮恵美子、小沢国夫(1987):シリコン 半導体検出器の時間応答と重イオン阻止能.文部 省科研費・特定研究「イオンビーム・固体相互作 用」昭和61年度研究成果報告書、25-29.
- 4) Ziegler, J.F. (1980) : HANDBOOK of STOPPING CROSS-SECTION FOR ENERGETIC IONS IN ALL ELEMENTS.New York, Pergamon Press, 91 -92.

#### Abstract

# Analysis of 2 dimensional spectra in the interaction between ions and solids.

Tetsuo KITAHARA<sup>\*</sup>, Shin ITO<sup>\*\*</sup>, Koya OGINO<sup>\*\*\*</sup> and Emiko USHIDA<sup>\*</sup>

Stopping powers and charge state distributions are fundamental physical quantities of great significance in the interaction between heavy ions and solids. The ion beams of O (oxygen) by the Tandem accelerator of Kyoto university have impinged on the C (carbon) foil to investigate the relation between the energy loss and the charge states.

Each of the O ions scattered by C atoms in the foil and the recoiled C ions was detected by each of two PSD's (Position Sensitive Detectors). We have performed the two parameter coincidence measurements for signals of energy and position at the PSD's. The projected spectra were obtained by analyzing 2 dimensional spectra and the most probable values and/or FWHM's (Full Widths at Half Maximum) of the spectral distributions were determined.

\* Department of Physics

- \*\* Kyoto University, Radioisotope Research Center
- \*\*\*Kyoto University, Faculty of Engineering, Department of Nuclear Engineering